

# Représentation de l'information

Bruno Grenet

Université de Montpellier

DIU Enseignement de l'informatique – Juin 2019

# Représentations

- ▶ Mémoire d'un ordinateur
  - ▶ suite de bits
  - ▶ organisée en octets (8 bits)
  - ▶ organisés en mots (4 ou 8 mots)
  - ▶ ...
- ▶ Une donnée : une suite de bits ou d'octets ou de mots

# Représentations

- ▶ Mémoire d'un ordinateur
  - ▶ suite de bits
  - ▶ organisée en octets (8 bits)
  - ▶ organisés en mots (4 ou 8 mots)
  - ▶ ...
- ▶ Une donnée : une suite de bits ou d'octets ou de mots

## Comment donner un sens (sémantique) à ces bits ?

Formats : - image : JPG, BMP, PNG, ... - sons : WAV, MP3, ... - texte : ASCII, Latin1, UTF-8, ... - nombres : int, float, unsigned long long int

# Représentations

- ▶ Mémoire d'un ordinateur
  - ▶ suite de bits
  - ▶ organisée en octets (8 bits)
  - ▶ organisés en mots (4 ou 8 mots)
  - ▶ ...
- ▶ Une donnée : une suite de bits ou d'octets ou de mots

Comment donner un sens (sémantique) à ces bits ?

Formats : - image : JPG, BMP, PNG, ... - sons : WAV, MP3, ... - texte : ASCII, Latin1, UTF-8, ... - nombres : int, float, unsigned long long int

**Tout est une question de convention !**

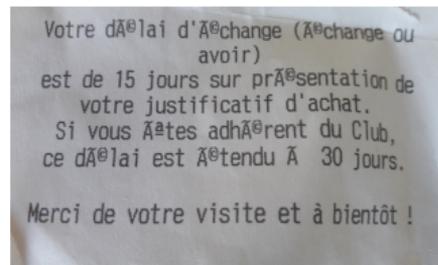
# Représentations

- ▶ Mémoire d'un ordinateur
  - ▶ suite de bits
  - ▶ organisée en octets (8 bits)
  - ▶ organisés en mots (4 ou 8 mots)
  - ▶ ...
- ▶ Une donnée : une suite de bits ou d'octets ou de mots

## Comment donner un sens (sémantique) à ces bits ?

Formats : - image : JPG, BMP, PNG, ... - sons : WAV, MP3, ... - texte : ASCII, Latin1, UTF-8, ... - nombres : int, float, unsigned long long int

## Tout est une question de convention !



## Représentation des nombres

## Représentation mathématique des entiers positifs

$$1492 = 1 \times 1000 + 4 \times 100 + 9 \times 10 + 2 \times 1$$

## Représentation mathématique des entiers positifs

$$1492 = 1 \times 1000 + 4 \times 100 + 9 \times 10 + 2 \times 1$$

$$19 = \overline{10011}^2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$

## Représentation mathématique des entiers positifs

$$1492 = 1 \times 1000 + 4 \times 100 + 9 \times 10 + 2 \times 1$$

$$19 = \overline{10011}^2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$

$$764\,953 = \overline{bac19}^{16} = 11 \times 16^4 + 10 \times 16^3 + 12 \times 16^2 + 1 \times 16^1 + 9 \times 16^0$$

## Représentation mathématique des entiers positifs

$$1492 = 1 \times 1000 + 4 \times 100 + 9 \times 10 + 2 \times 1$$

$$19 = \overline{10011}^2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$

$$764\,953 = \overline{bac19}^{16} = 11 \times 16^4 + 10 \times 16^3 + 12 \times 16^2 + 1 \times 16^1 + 9 \times 16^0$$

C'est la vision mathématique !

- ▶ Sous-tend la vision informatique
- ▶ Pas suffisant. . .

# Représentation informatique des entiers positifs

Comment délimiter les nombres ?

# Représentation informatique des entiers positifs

## Comment délimiter les nombres ?

- ▶ Taille fixée (1492 sur 8 chiffres  $\rightarrow$  00001492)
  - ▶ une taille  $w$  = un « type » entier (unsigned int, unsigned long, ...)
  - ▶ entiers entre 0 et  $2^w - 1$

# Représentation informatique des entiers positifs

## Comment délimiter les nombres ?

- ▶ Taille fixée (1492 sur 8 chiffres  $\rightarrow$  00001492)
  - ▶ une taille  $w$  = un « type » entier (unsigned int, unsigned long, ...)
  - ▶ entiers entre 0 et  $2^w - 1$
- ▶ Taille quelconque : entiers *multiprécision*
  - ▶ tableaux de nombres
  - ▶ écriture en base  $2^w$

# Représentation informatique des entiers positifs

## Comment délimiter les nombres ?

- ▶ Taille fixée (1492 sur 8 chiffres → 00001492)
  - ▶ une taille  $w$  = un « type » entier (unsigned int, unsigned long, ...)
  - ▶ entiers entre 0 et  $2^w - 1$
- ▶ Taille quelconque : entiers *multiprécision*
  - ▶ tableaux de nombres
  - ▶ écriture en base  $2^w$

## Quel est le premier chiffre ?

- ▶ Unité en dernier : grand boutiste (*big endian*)
- ▶ Unité en premier : petit boutiste (*little endian*)

# Représentation informatique des entiers positifs

## Comment délimiter les nombres ?

- ▶ Taille fixée (1492 sur 8 chiffres → 00001492)
  - ▶ une taille  $w$  = un « type » entier (unsigned int, unsigned long, ...)
  - ▶ entiers entre 0 et  $2^w - 1$
- ▶ Taille quelconque : entiers *multiprécision*
  - ▶ tableaux de nombres
  - ▶ écriture en base  $2^w$

## Quel est le premier chiffre ?

- ▶ Unité en dernier : grand boutiste (*big endian*)
- ▶ Unité en premier : petit boutiste (*little endian*)

## Python : entiers multiprécision

- ▶ Transparent pour l'utilisateur

# Opérations arithmétiques

## Taille fixée

- ▶ implantation matérielle de l'arithmétique binaire
  - ▶ Circuits électroniques pour addition, multiplication, ...
- ▶ calculs *modulo*  $2^w$  :

```
unsigned int x = 3, y = 5, z = 4294967295;  
printf("%u ; %u", x-y, z+1);  
4294967294 ; 0
```

# Opérations arithmétiques

## Taille fixée

- ▶ implantation matérielle de l'arithmétique binaire
  - ▶ Circuits électroniques pour addition, multiplication, ...
- ▶ calculs *modulo*  $2^w$  :

```
unsigned int x = 3, y = 5, z = 4294967295;  
printf("%u ; %u", x-y, z+1);  
4294967294 ; 0
```

## Taille quelconque

- ▶ Logiciels (cpython, GMP, BigInt, ...)
- ▶ Addition, multiplication, ... en base  $2^w$  à partir des opérations sur  $w$  bits
- ▶ Questions algorithmiques !
  - ▶ Le meilleur algo. de multiplication connu date de mi-mars

# Opérations arithmétiques

## Taille fixée

- ▶ implantation matérielle de l'arithmétique binaire
  - ▶ Circuits électroniques pour addition, multiplication, ...
- ▶ calculs *modulo*  $2^w$  :

```
unsigned int x = 3, y = 5, z = 4294967295;  
printf("%u ; %u", x-y, z+1);  
4294967294 ; 0
```

## Taille quelconque

- ▶ Logiciels (cpython, GMP, BigInt, ...)
- ▶ Addition, multiplication, ... en base  $2^w$  à partir des opérations sur  $w$  bits
- ▶ Questions algorithmiques !
  - ▶ Le meilleur algo. de multiplication connu date de mi-mars

## Analogie

- ▶ Circuits : tables de multiplication
- ▶ Logiciel : poser une multiplication

# Représentation des nombres relatifs

Bonne idée : ajouter un bit de signe

- ▶  $11101101 \rightarrow 1\ 1101101 \rightarrow -\overline{1101101}^2 = -109$
- ▶ Apparemment facile. . .
- ▶ . . . mais que devient l'algorithme d'addition ?

# Représentation des nombres relatifs

## Bonne idée : ajouter un bit de signe

- ▶  $11101101 \rightarrow 1\ 1101101 \rightarrow -\overline{1101101}^2 = -109$
- ▶ Apparemment facile...
- ▶ ... mais que devient l'algorithme d'addition ?

## Meilleure idée : complément à la base

- ▶  $11101101 \rightarrow \overline{11101101}^2 = 237 \rightarrow 237 - 2^8 = -19$
- ▶ Complément à la base sur  $w$  bits :
  - ▶ interprétation des bits comme entier positif  $n$
  - ▶ si  $n \geq 2^{w-1}$  : remplacer par  $n - 2^w$
  - ▶ Entiers représentables :  $[-2^{w-1}, 2^{w-1} - 1]$

# Représentation des nombres relatifs

## Bonne idée : ajouter un bit de signe

- ▶  $11101101 \rightarrow 1\ 1101101 \rightarrow -\overline{1101101}^2 = -109$
- ▶ Apparemment facile. . .
- ▶ . . . mais que devient l'algorithme d'addition ?

## Meilleure idée : complément à la base

- ▶  $11101101 \rightarrow \overline{11101101}^2 = 237 \rightarrow 237 - 2^8 = -19$
- ▶ Complément à la base sur  $w$  bits :
  - ▶ interprétation des bits comme entier positif  $n$
  - ▶ si  $n \geq 2^{w-1}$  : remplacer par  $n - 2^w$
  - ▶ Entiers représentables :  $[-2^{w-1}, 2^{w-1} - 1]$
- ▶ Opérations toujours valides !
  - ▶  $w$  bits représentent une classe d'équivalence de  $\mathbb{Z}/2^w\mathbb{Z}$
  - ▶ entiers positifs ou relatifs : choix de représentants de  $\mathbb{Z}/2^w\mathbb{Z}$

# Récapitulatif sur les entiers

Entiers de taille  $w$  fixée : calculs *modulo*  $2^w$ , en matériel

- ▶ Positifs
  - ▶ représentation binaire classique
  - ▶ entiers compris entre 0 et  $2^w - 1$
  - ▶ types C : `unsigned int`, `unsigned long`, ...
- ▶ Relatifs
  - ▶ complément à la base
  - ▶ entiers compris entre  $-2^{w-1}$  et  $2^{w-1} - 1$
  - ▶ types C : `int`, `long`, ...

# Récapitulatif sur les entiers

## Entiers de taille $w$ fixée : calculs *modulo* $2^w$ , en matériel

- ▶ Positifs
  - ▶ représentation binaire classique
  - ▶ entiers compris entre 0 et  $2^w - 1$
  - ▶ types C : `unsigned int`, `unsigned long`, ...
- ▶ Relatifs
  - ▶ complément à la base
  - ▶ entiers compris entre  $-2^{w-1}$  et  $2^{w-1} - 1$
  - ▶ types C : `int`, `long`, ...

## Entiers de taille quelconque :

- ▶ Bibliothèques logicielles (GMP, `cpython`, `BigInt`, ...)
- ▶ Écriture en base  $2^w$  ( $w = 32$  ou  $64$ )

## Récapitulatif sur les entiers

Entiers de taille  $w$  fixée : calculs *modulo*  $2^w$ , en matériel

- ▶ Positifs
  - ▶ représentation binaire classique
  - ▶ entiers compris entre 0 et  $2^w - 1$
  - ▶ types C : `unsigned int`, `unsigned long`, ...
- ▶ Relatifs
  - ▶ complément à la base
  - ▶ entiers compris entre  $-2^{w-1}$  et  $2^{w-1} - 1$
  - ▶ types C : `int`, `long`, ...

Entiers de taille quelconque :

- ▶ Bibliothèques logicielles (GMP, `cpython`, `BigInt`, ...)
- ▶ Écriture en base  $2^w$  ( $w = 32$  ou  $64$ )

Python : entiers multiprécision

## Représentation mathématique des nombres réels

$$3,14159\dots = 3 + 1 \times 10^{-1} + 4 \times 10^{-2} + 1 \times 10^{-3} + 5 \times 10^{-4} + 9 \times 10^{-5} + \dots$$

## Représentation mathématique des nombres réels

$$3,14159\dots = 3 + 1 \times 10^{-1} + 4 \times 10^{-2} + 1 \times 10^{-3} + 5 \times 10^{-4} + 9 \times 10^{-5} + \dots$$

$$299\,792,458 = 2,99792458 \times 10^6$$

## Représentation mathématique des nombres réels

$$3,14159\dots = 3 + 1 \times 10^{-1} + 4 \times 10^{-2} + 1 \times 10^{-3} + 5 \times 10^{-4} + 9 \times 10^{-5} + \dots$$

$$299\,792,458 = 2,99792458 \times 10^6$$

$$\begin{aligned} 9,80665 &= \overline{1001,11001\dots}^2 = 2^3 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-5} + \dots \\ &= \overline{1,00111001\dots}^2 \times 2^3 \end{aligned}$$

## Représentation mathématique des nombres réels

$$3,14159\dots = 3 + 1 \times 10^{-1} + 4 \times 10^{-2} + 1 \times 10^{-3} + 5 \times 10^{-4} + 9 \times 10^{-5} + \dots$$

$$299\,792,458 = 2,99792458 \times 10^6$$

$$\begin{aligned} 9,80665 &= \overline{1001,11001\dots}^2 = 2^3 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-5} + \dots \\ &= \overline{1,00111001\dots}^2 \times 2^3 \end{aligned}$$

### Remarque fondamentale

Sur un ordinateur, représentation finie  $\implies$  approximation des nombres réels

## Représentation mathématique des nombres réels

$$3,14159\dots = 3 + 1 \times 10^{-1} + 4 \times 10^{-2} + 1 \times 10^{-3} + 5 \times 10^{-4} + 9 \times 10^{-5} + \dots$$

$$299\,792,458 = 2,99792458 \times 10^6$$

$$\begin{aligned} 9,80665 &= \overline{1001,11001\dots}^2 = 2^3 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-5} + \dots \\ &= \overline{1,00111001\dots}^2 \times 2^3 \end{aligned}$$

### Remarque fondamentale

Sur un ordinateur, représentation finie  $\implies$  approximation des nombres réels

### Les flottants

- ▶ Représentation binaire, en notation scientifique, à précision fixée
- ▶ Norme IEEE-754 : fixe la représentation et les règles d'arrondi

## Exemple sur 32 bits (float)

seeeeeeeemmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmm

- ▶  $s$  : 1 bit de signe
- ▶  $e$  : 8 bits d'exposant
- ▶  $m$  : 23 bits de *mantisse*

## Exemple sur 32 bits (float)

seeeeeeeemmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmmm

- ▶  $s$  : 1 bit de signe
- ▶  $e$  : 8 bits d'exposant
- ▶  $m$  : 23 bits de *mantisse*

$$(-1)^s \times \overline{\mathbf{1},\text{mmm}\dots\text{m}}^2 \times 2^{e-127}$$



## Cas particuliers

Exposant  $e = 0000\ 0000$

- ▶ Si  $m = 0 \cdots 0$  :  $\pm 0$  en fonction du signe
- ▶ Sinon, nombre *dénormalisé* :  $(-1)^s \times \mathbf{0}, mmm \cdots m \times 2^{-126}$ 
  - ▶ Très petits nombres

## Cas particuliers

### Exposant $e = 0000\ 0000$

- ▶ Si  $m = 0 \cdots 0$  :  $\pm 0$  en fonction du signe
- ▶ Sinon, nombre *dénormalisé* :  $(-1)^s \times \mathbf{0}, mmm \cdots m \times 2^{-126}$ 
  - ▶ Très petits nombres

### Exposant $e = 1111\ 1111$

- ▶ Si  $m = 0 \cdots 0$  :  $\pm \infty$  en fonction du signe
  - ▶ Gestion des dépassements de capacité
- ▶ Sinon : NaN
  - ▶ Tout type d'erreurs ( $1/0$ ,  $\sqrt{-1}$ , ...)

## Cas particuliers

### Exposant $e = 0000\ 0000$

- ▶ Si  $m = 0 \cdots 0$  :  $\pm 0$  en fonction du signe
- ▶ Sinon, nombre *dénormalisé* :  $(-1)^s \times \mathbf{0}, mmm \cdots m \times 2^{-126}$ 
  - ▶ Très petits nombres

### Exposant $e = 1111\ 1111$

- ▶ Si  $m = 0 \cdots 0$  :  $\pm \infty$  en fonction du signe
  - ▶ Gestion des dépassements de capacité
- ▶ Sinon : NaN
  - ▶ Tout type d'erreurs ( $1/0$ ,  $\sqrt{-1}$ , ...)

### Tout est histoire de convention

- ▶ Ne pas chercher à comprendre *pourquoi* ces choix ont été faits...
- ▶ Ce qui compte n'est pas de retenir les détails !

# Cas particuliers

## Exposant $e = 0000\ 0000$

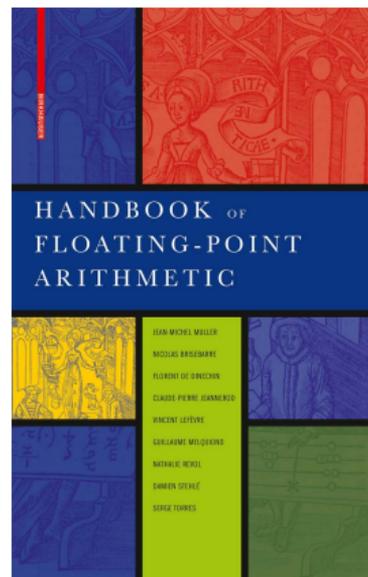
- ▶ Si  $m = 0 \dots 0$  :  $\pm 0$  en fonction du signe
- ▶ Sinon, nombre *dénormalisé* :  $(-1)^s \times 0, mmm \dots m \times 2^{-126}$ 
  - ▶ Très petits nombres

## Exposant $e = 1111\ 1111$

- ▶ Si  $m = 0 \dots 0$  :  $\pm \infty$  en fonction du signe
  - ▶ Gestion des dépassements de capacité
- ▶ Sinon : NaN
  - ▶ Tout type d'erreurs ( $1/0$ ,  $\sqrt{-1}$ , ...)

## Tout est histoire de convention

- ▶ Ne pas chercher à comprendre *pourquoi* ces choix ont été faits...
- ▶ Ce qui compte n'est pas de retenir les détails !



# Tailles et opérations arithmétiques

## Tailles des flottants

- ▶ float : 32 bits
- ▶ double : 64 bits (11 d'exposant, 52 de mantisse)
- ▶ autre : 16 bits, 128 bits, etc.

# Tailles et opérations arithmétiques

## Tailles des flottants

- ▶ float : 32 bits
- ▶ double : 64 bits (11 d'exposant, 52 de mantisse)
- ▶ autre : 16 bits, 128 bits, etc.

## Opérations arithmétiques

- ▶ Circuits électroniques pas simples !
- ▶ Opérations non exactes : renvoie le flottant *le plus proche* du résultat mathématique

# Tailles et opérations arithmétiques

## Tailles des flottants

- ▶ float : 32 bits
- ▶ double : 64 bits (11 d'exposant, 52 de mantisse)
- ▶ autre : 16 bits, 128 bits, etc.

## Opérations arithmétiques

- ▶ Circuits électroniques pas simples !
- ▶ Opérations non exactes : renvoie le flottant *le plus proche* du résultat mathématique

## Flottants multiprécision

- ▶ Logiciels (MPFR, BigDecimal, Decimal, ...)

## En pratique en Python

- ▶ Type `float` Python = type `double` C
  - ▶ 11 bits d'exposant
  - ▶ 52 bits de mantisse
- ▶ Type `Decimal` : sorte de flottant multiprécision

## En pratique en Python

- ▶ Type float Python = type double C
  - ▶ 11 bits d'exposant
  - ▶ 52 bits de mantisse
- ▶ Type Decimal : sorte de flottant multiprécision

### Affichage $\neq$ Représentation interne

```
>>> n = 12 # entier
>>> x = 12.0 # flottant
>>> 2.4e-3
0.0024
>>> y = 0.1; y # Affichage simplifié
0.1
>>> 'f{y:.30f}' # Affichage de 30 décimales
0.1000000000000000005551115123126
```

## Récapitulatif sur les flottants

- ▶ Norme IEEE-754
  - ▶ Diverses tailles (16, 32, 64, ... bits)
  - ▶ Représentation et arrondis normalisés
  - ▶ ... mais complexes à comprendre en détail
- ▶ Opérations implantées en matériel
- ▶ En Python, flottants sur 64 bits :
  - ▶ 1 bit de signe
  - ▶ 11 bits d'exposants ( $2^{e-1023}$ )
  - ▶ 52 bits de mantisse
- ▶ Affichage *agréable* mais trompeur !

## Récapitulatif sur les flottants

- ▶ Norme IEEE-754
  - ▶ Diverses tailles (16, 32, 64, ... bits)
  - ▶ Représentation et arrondis normalisés
  - ▶ ... mais complexes à comprendre en détail
- ▶ Opérations implantées en matériel
- ▶ En Python, flottants sur 64 bits :
  - ▶ 1 bit de signe
  - ▶ 11 bits d'exposants ( $2^{e-1023}$ )
  - ▶ 52 bits de mantisse
- ▶ Affichage *agréable* mais trompeur !

Les flottants sont entièrement déterministes et prévisibles... si on en est capable !

## Représentation des images

## Les formats *Portable Pixmap*

```
P1      # Format : PBM
3 4     # Dimensions : largeur hauteur
1 1 1   # Première ligne
1 0 1   # Deuxième ligne
1 0 1   # Troisième ligne
1 1 1   # Quatrième ligne
```



```
P3      # Format : PPM
3 3     # Dimensions
7       # Niveaux de couleurs
0 7 0   7 7 0   7 0 0
4 0 4   0 0 3   2 2 2
0 7 0   7 7 0   7 0 0
```



# Les formats *Portable Pixmap*

```
P1      # Format : PBM
3 4     # Dimensions : largeur hauteur
1 1 1   # Première ligne
1 0 1   # Deuxième ligne
1 0 1   # Troisième ligne
1 1 1   # Quatrième ligne

P3      # Format : PPM
3 3     # Dimensions
7       # Niveaux de couleurs
0 7 0   7 7 0   7 0 0
4 0 4   0 0 3   2 2 2
0 7 0   7 7 0   7 0 0
```



## Description

1. P1 (format PBM), P2 (format PGM) ou P3 (format PPM)
2. Dimensions (hauteur  $\times$  largeur)
3. Si PGM ou PPM : valeur de *couleur* maximale
4. Lignes suivantes : description pixel par pixel, ligne par ligne
  - ▶ Si PBM ou PGM : un entier par pixel
  - ▶ Si PPM : trois entiers par pixel

# En Python

## Représentation d'une image

- ▶ Image : matrice (liste de listes) de pixels
- ▶ Pixel : un entier pour PBM et PGM ; un triplet (R,G,B) pour PPM

```
im1 = [[1, 1, 1], [1, 0, 1], [1, 0, 1], [1, 1, 1]]
```

```
im2 = [[(0,7,0), (7,7,0), (7,0,0)], [(4,0,4), (0,0,3), (2,2,2)],  
       [(0,7,0), (7,7,0), (7,0,0)]]
```

# En Python

## Représentation d'une image

- ▶ Image : matrice (liste de listes) de pixels
- ▶ Pixel : un entier pour PBM et PGM ; un triplet (R,G,B) pour PPM

```
im1 = [[1, 1, 1], [1, 0, 1], [1, 0, 1], [1, 1, 1]]
```

```
im2 = [[(0,7,0), (7,7,0), (7,0,0)], [(4,0,4), (0,0,3), (2,2,2)],  
       [(0,7,0), (7,7,0), (7,0,0)]]
```

## Fichier es.py : entrées-sorties

- ▶ `sauver(image, fmt, nom, maxi = 0)` : sauve l'image
  - ▶ avec le format `fmt` ('PBM', 'PGM', 'PPM')
  - ▶ dans le fichier `nom.ext` où `ext` in [pbm, pgm, ppm]
  - ▶ avec `maxi` comme couleur maximale `maxi` (si 0, le max trouvé pour PGM/PPM)

# En Python

## Représentation d'une image

- ▶ Image : matrice (liste de listes) de pixels
- ▶ Pixel : un entier pour PBM et PGM ; un triplet (R,G,B) pour PPM

```
im1 = [[1, 1, 1], [1, 0, 1], [1, 0, 1], [1, 1, 1]]
```

```
im2 = [[(0,7,0), (7,7,0), (7,0,0)], [(4,0,4), (0,0,3), (2,2,2)],  
       [(0,7,0), (7,7,0), (7,0,0)]]
```

## Fichier es.py : entrées-sorties

- ▶ `sauver(image, fmt, nom, maxi = 0)` : sauve l'image
  - ▶ avec le format `fmt` ('PBM', 'PGM', 'PPM')
  - ▶ dans le fichier `nom.ext` où `ext` in [pbm, pgm, ppm]
  - ▶ avec comme couleur maximale `maxi` (si 0, le max trouvé pour PGM/PPM)
- ▶ `charger_image(nom)` : charge le fichier `nom` et renvoie (`image`, `fmt`, `maxi`)
  - ▶ `image` : la matrice
  - ▶ `fmt` : 'PBM', 'PGM' ou 'PPM'
  - ▶ `maxi` : couleur maximale

# Visualisation des images

## Configurer votre ordinateur

Pour chacun des trois formats : 1. Clic-droit sur l'image 1. Ouvrir avec une autre application... 1. « Utiliser une commande personnalisée » 1. Entrer display 1. Cocher « Utiliser cette action par défaut pour ce type de fichier » 1. Ouvrir

